

FS-0616 Métodos Matemáticos para Físicos III

Francisco Frutos Alfaro

Segundo Semestre 2012

Créditos: 4

Contenido:

1. Cálculo Exterior
 - (a) Introducción
 - (b) Variedades
 - (c) Espacio tangente y cotangente
 - (d) Formas diferenciales
 - (e) Producto Cuña
 - (f) Derivada exterior
 - (g) El asterisco de Hodge
 - (h) Producto interno
 - (i) Derivada exterior adjunta
 - (j) Teorema de Stokes
 - (k) Teorema de Hodge
 - (l) Ejemplos y Aplicaciones

2. Transformadas Integrales

- (a) Introducción
- (b) Series de Fourier
- (c) Integrales de Fourier
- (d) Transformada de Fourier
- (e) Transformada inversa de Fourier
- (f) Transformada de Laplace
- (g) Transformada inversa de Laplace
- (h) Integral de Bromwich
- (i) Otras transformadas integrales
- (j) Ejemplos y Aplicaciones

3. Funciones Especiales

- (a) Introducción
- (b) Integrales Elípticas
- (c) Función Gamma
- (d) Función Beta
- (e) Funciones de Bessel
- (f) Polinomios de Hermite
- (g) Polinomios de Laguerre
- (h) Polinomios de Legendre
- (i) Polinomios de Tschebychev
- (j) Funciones hipergeométricas
- (k) Funciones hipergeométricas confluentes
- (l) Funciones generatrices
- (m) Ejemplos y Aplicaciones

4. Funciones de Green

- (a) Introducción
- (b) Sistemas de Sturm-Liouville
- (c) Construcción de la función de Green en una dimensión
- (d) Construcción de la función de Green multidimensional
- (e) Solución de ecuaciones diferenciales mediante funciones de Green
- (f) Ejemplos y Aplicaciones

5. Ecuaciones Diferenciales Parciales

- (a) Introducción
- (b) Separación de Variables
- (c) Solución mediante transformadas integrales
- (d) Problemas con valores de frontera
- (e) Ejemplos y Aplicaciones

6. Ecuaciones Integrales

- (a) Introducción
- (b) Ecuaciones integrales de Volterra
- (c) Ecuaciones integrales de Fredholm
- (d) Teoría de Hilbert-Schmidt
- (e) Métodos aproximados
- (f) Ejemplos y Aplicaciones

Evaluación:

Tareas 15 %
Exámenes 85 %

Cronograma:

| Semana | Tema | Actividad |
|--------|------------------------------------|------------|
| 01 | Cálculo Exterior | |
| 02 | Cálculo Exterior | |
| 03 | Transformadas Integrales | |
| 04 | Transformadas Integrales | |
| 05 | Transformadas Integrales | I Examen |
| 06 | Funciones Especiales | |
| 07 | Funciones Especiales | |
| 08 | Funciones Especiales | II Examen |
| 09 | Funciones Especiales | |
| 10 | Funciones de Green | |
| 11 | Funciones de Green | III Examen |
| 12 | Ecuaciones Diferenciales Parciales | |
| 13 | Ecuaciones Diferenciales Parciales | |
| 14 | Ecuaciones Diferenciales Parciales | |
| 15 | Ecuaciones Integrales | |
| 16 | Ecuaciones Integrales | IV Examen |

Bibliografía:

1. G. B. Arfken, H. J. Weber, *Mathematical Methods for Physicists*, Academic Press, 2001.
2. I. M. Benn, R. M. Tucker, *An Introduction to Spinors and Geometry with Applications in Physics*, Adam Hilger, Bristol, 1989.
3. M. L. Boas, *Mathematical Methods in the Physical Sciences*, Wiley, 2005.
4. T. L. Chow, *Mathematical Methods for Physicists: A concise introduction*, Cambridge, 2000.
5. R. Courant, D. Hilbert, *Methods of Mathematical Physics*, Volumen 1, Springer, 1990.
6. R. Courant, D. Hilbert, *Methods of Mathematical Physics*, Volumen 2, Springer, 1990.
7. P. Dennery, A. Krzywicki, *Mathematics for Physicists*, Dover, 1990.
8. S. Hassani, *Mathematical Physics: A Modern Introduction to its Foundations*, Springer, 1999.
9. M. Krasnov, A. Kiseliiov, G. Makarenko, *Ecuaciones Integrales*, Mir Moscú, 1977.
10. J. Mathews, R. Walker, *Mathematical Methods of Physics*, Benjamin, 1970.
11. P. Morse, M. Feshbach, *Methods of Theoretical Physics*, McGraw-Hill, 1953.
12. M. M. Smirnov, *Problemas de Ecuaciones de la Física Matemática*, Mir Moscú, 1976.
13. M. Stone, *Mathematics for Physics I*, Pimander-Casaubon, 2002.
14. M. Stone, *Mathematics for Physics II*, Pimander-Casaubon, 2003.